

---

Soit la suite  $(U_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $U_0 = 2$  et pour  $n \in \mathbb{N}$ ,  $U_{n+1} = \frac{2}{3}U_n + \frac{1}{3}n + 1$ .

1. Calculer  $U_1$ .
  2. On désigne par  $(W_n)$  la suite définie sur  $\mathbb{N}$  par  $W_n = U_n - n$ .
    - a. Démontrer que la suite  $(W_n)$  est une suite géométrique.

On admet pour la suite de l'exercice que  $(W_n)$  est une suite géométrique de raison  $\frac{2}{3}$ .
    - b. En déduire l'expression de  $W_n$  en fonction de  $n$  puis celle de  $U_n$  en fonction de  $n$ .
    - c. Calculer  $S = \sum_{k=0}^{12} W_k$  puis en déduire  $T = \sum_{k=0}^{12} U_k$
- .....

---

Soit la suite  $(U_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $U_0 = 2$  et pour  $n \in \mathbb{N}$ ,  $U_{n+1} = \frac{2}{3}U_n + \frac{1}{3}n + 1$ .

1. Calculer  $U_1$ .
  2. On désigne par  $(W_n)$  la suite définie sur  $\mathbb{N}$  par  $W_n = U_n - n$ .
    - a. Démontrer que la suite  $(W_n)$  est une suite géométrique.

On admet pour la suite de l'exercice que  $(W_n)$  est une suite géométrique de raison  $\frac{2}{3}$ .
    - b. En déduire l'expression de  $W_n$  en fonction de  $n$  puis celle de  $U_n$  en fonction de  $n$ .
    - c. Calculer  $S = \sum_{k=0}^{12} W_k$  puis en déduire  $T = \sum_{k=0}^{12} U_k$
- .....

---

Soit la suite  $(U_n)$  définie sur  $\mathbb{N}$  par  $U_0 = 2$  et pour  $n \in \mathbb{N}$ ,  $U_{n+1} = \frac{2}{3}U_n + \frac{1}{3}n + 1$ .

1. Calculer  $U_1$ .
2. On désigne par  $(W_n)$  la suite définie sur  $\mathbb{N}$  par  $W_n = U_n - n$ .
  - a. Démontrer que la suite  $(W_n)$  est une suite géométrique.

On admet pour la suite de l'exercice que  $(W_n)$  est une suite géométrique de raison  $\frac{2}{3}$ .
  - b. En déduire l'expression de  $W_n$  en fonction de  $n$  puis celle de  $U_n$  en fonction de  $n$ .
  - c. Calculer  $S = \sum_{k=0}^{12} W_k$  puis en déduire  $T = \sum_{k=0}^{12} U_k$